

Vypočítejte následující limity:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 3x + 2}{x^4 - 4x + 3} = \frac{1}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x^3} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x-2}}{\sqrt[3]{x^4 - 3x^2 + 1}} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{\sin 2x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - 2x + 1}{x^2 - 3x + 5} = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x}{(x-3)^2} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(7x+1) + e^{2x} - 1}{x} = \frac{2}{3}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{\sin 3x} = \text{neex}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+1}{x^2 - 3x + 2} = \frac{1}{3}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} x \cdot \cot g 3x = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + x} + x) = \frac{1}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + x} - x) = \frac{1}{2}$$

Vypočítejte limity:

a. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n-1}{2n+3}$

b. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2-1}{-2n+3}$

c. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^3+2n-1}{2n^3-n^2+3}$

d. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n-1}{2n^2+3}$

e. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{-2n^2+3n-1}{3n+3}$

f. $\lim_{n \rightarrow \infty} 3^{-n}$

g. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3}{4}\right)^n$

h. $\lim_{n \rightarrow \infty} [\operatorname{arctg}(-n) + \operatorname{arc cot} g(n)]$

i. $\lim_{n \rightarrow \infty} \sin(-n)$

j. $\lim_{n \rightarrow \infty} (-\ln n)$

k. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n - 5^n}{3^n}$

l. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n + 3 \cdot 4^n}{3^n - 2^n}$

m. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n} + 3 \cdot 4^n}{3^{3n} + 1}$

n. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n} + 3}{\sqrt{n}}$

[a) $\frac{1}{2}$ b) $-\infty$ c) $\frac{3}{2}$ d) 0 e) $-\infty$ f) 0 g) 0 j) $-\pi/2$ i) neexistuje j) $-\infty$
k) $-\infty$ l) ∞ m) 0 o) 1