

## **Aplikace derivací**

1) Určete rovnici tečny a normály dané funkce v daném bodě:

a.  $f(x) = \ln(x+1), T[0, ?]$

b.  $f(x) = \sin(2x), T\left[\frac{3}{4}\pi, ?\right]$

c.  $f(x) = \frac{1+x^3}{x-1}, T[2, ?]$

*Řešení:*

[a] t:  $y = x$ , n:  $y = -x$ ,

b) t:  $y = -1$ , normála neexistuje

c) t:  $y = 3x + 3$ , n:  $y = -x/3 + 29/9$

2) Ve kterém bodě grafu funkce  $y = -2x^2 + 4x$  svírá tečna ke grafu s kladnou poloosou x úhel

a)  $45^\circ$ ?

b)  $0^\circ$ ?

*Řešení:*

a)  $T\left[\frac{3}{4}, \frac{15}{8}\right]$

b)  $T[1, 2]$

3) Určete rozměry válcové nádoby bez víka tak, aby při objemu dva litry měla tato nádoba minimální povrch.

*Řešení*

$$r = v = \sqrt[3]{\frac{2}{\pi}}$$

4) Do koule o poloměru 3 cm vepište válec maximálního objemu. Určete poloměr podstavy a výšku válce.

*Řešení*

$$r = \sqrt{6}, v = 2\sqrt{3}$$

5) Určete rozměry obdélníku tak, aby při daném obsahu  $16 \text{ cm}^2$  měl minimální obvod.

*Řešení*

$$a = b = 4 \text{ cm}$$

6) Určete rozměry obdélníku tak, aby při daném obvodu 20 cm měl maximální obsah.

*Řešení*

$$a = b = 5 \text{ cm}$$

7) Z kruhu o poloměru 6 cm oddělte kruhovou úseč, která má výšku 56 cm. Do této kruhové úseče vepište obdélník maximálního obsahu. Určete jeho rozměry.

*Řešení*

$$a = 3\sqrt{7}, b = \frac{7}{2}$$